

Von der Funktion $f(x)=ax^4+bx^2+c$ weiß man, dass sie im Punkt $W(-2/y)$ einen Wendepunkt besitzt. Die Gleichung der Wendetangente ist ebenfalls bekannt. Sie lautet: $4x-3y+8=0$

1. Wie viele Gleichungen sind notwendig um die Unbekannten a, b und c zu bilden?

Drei Gleichungen sind notwendig um die Unbekannten a, b und c zu bilden.

2. Welche Funktionen werden gebraucht um die notwendigen Gleichungen zu bilden.

$$f'(x) = 4ax^3 + 2bx$$

$$f''(x) = 12ax^2 + 2b$$

3. Stellen Sie die Gleichungen übersichtlich auf.

Gleichung 1: $0 = 16a + 4b + c$

Berechnung:

$$4x - 3y + 8 = 0$$

$$4x + 8 = 3y$$

$$y = \frac{4}{3}x + \frac{8}{3}$$

$$y = \frac{4}{3} * (-2) + \frac{8}{3}$$

$$y = 0$$

Gleichung 2: $\frac{4}{3} = -32a - 4b$

Berechnung:

Der Anstieg im Wendepunkt kann direkt aus der umgeformten Gleichung der Wendetangente

abgelesen werden. $k = \frac{4}{3} \rightarrow$ 1. Ableitung $\rightarrow f'(-2)$

Gleichung 3: $0 = 48a + 2b$

Berechnung:

Im Wendepunkt gilt: die 2. Ableitung hat den Wert 0

4. Wie heißt das Verfahren mit dem die Gleichungen gelöst werden?

Eliminationsverfahren

5. Lösen Sie nun die Gleichungen

$$\text{I} \rightarrow +4b + c = 0$$

$$\text{II} \rightarrow \frac{4}{3} = -32a - 4b$$

$$\text{III} \rightarrow 0 = 48a + 2b$$

$$\text{II+III} *2 \quad \left. \begin{array}{l} -32a - 4b = \frac{4}{3} \\ 96a + 4b = 0 \end{array} \right\} \frac{\quad}{64a} = \frac{4}{3}$$

$$64a = \frac{4}{3} \quad / :64$$

$$a = \frac{1}{48}$$

$$48 * \frac{1}{48} + 2b = 0$$

$$1 + 2b = 0 \quad / -1$$

$$2b = -1 \quad / :2$$

$$b = -\frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{3} - 2 + c = 0$$

$$\frac{1}{3} - \frac{6}{3} + c = 0$$

$$-\frac{5}{3} + c = 0$$

$$c = \frac{5}{3}$$

$$f(x) = \frac{1}{48}x^4 - \frac{1}{2}x^2 + \frac{5}{3}$$